



Naučno – popularni projekat pod
pokroviteljstvom FMON

VOLIM MATEMATIKU

DECEMBAR 2024. - MAJ 2025.



RADIONICA ZA NASTAVNIKE/CE I PROFESORE/ICE MATEMATIKE

DOBRE PRAKSE U NASTAVI MATEMATIKE

Sarajevo
Januar 2025.



Primjena Robocompassa u nastavi matematike

Mirela Avdibegović



Zovem se Mirela Avdibegović, profesor sam matematike i zaposlena u JU OŠ „Pofalići“ na poslovima i radnim zadacima nastavnika matematike i informatike.

Kreirala sam i održavala web stranicu škole, implementirala Google for Education platformu 2018. Član sam eTwinning zajednice od 2017. i proglašena za najkreativnijeg eTwinnera 2019. godine. Nakon završene edukacije u okviru projekta općeg obrazovanja TABLA stekla sam formalne kvalifikacije (master trener) za provedbu replikacionih treninga.

Kreirala sam YouTube kanal na domeni škole na kojem uglavnom postavljam lekcije iz matematike. - <https://www.youtube.com/@mirelaavdibegovic6129/videos>

Praksa rađena tokom online nastave: „Upotreba Robocompassa i GeoGebre u nastavi matematike“, je 2021. uvrštena u Digitalni katalog dobrih praksi kao jedna od 5 odabralih u osnovnoj školi.

Koautor sam ispitnih kataloga za polaganje eksterne mature iz predmeta matematika (decembar 2021, august 2022.). Školske 2022/23. te 2023/24. sam bila član tima za podršku implementaciji nastavnih planova i programa sa definisanim ishodima učenja u KS.



Robocompass u kratkim crtama

- Robocompass je online alat za kreiranje konstrukcija pomoću šestara i linijara. Konstrukcija se završava nizom jednostavnih naredbi.
- U Robocompass-u su naredbe jednostavne za programirati a učenici vide korištenje šestara i linijara. Pored toga učenicima pruža jednostavan način da sačuvaju svoj rad na mreži i podijele ga s vama.
- Možete reproducirati njihov rad da vidite korake koje su poduzeli.



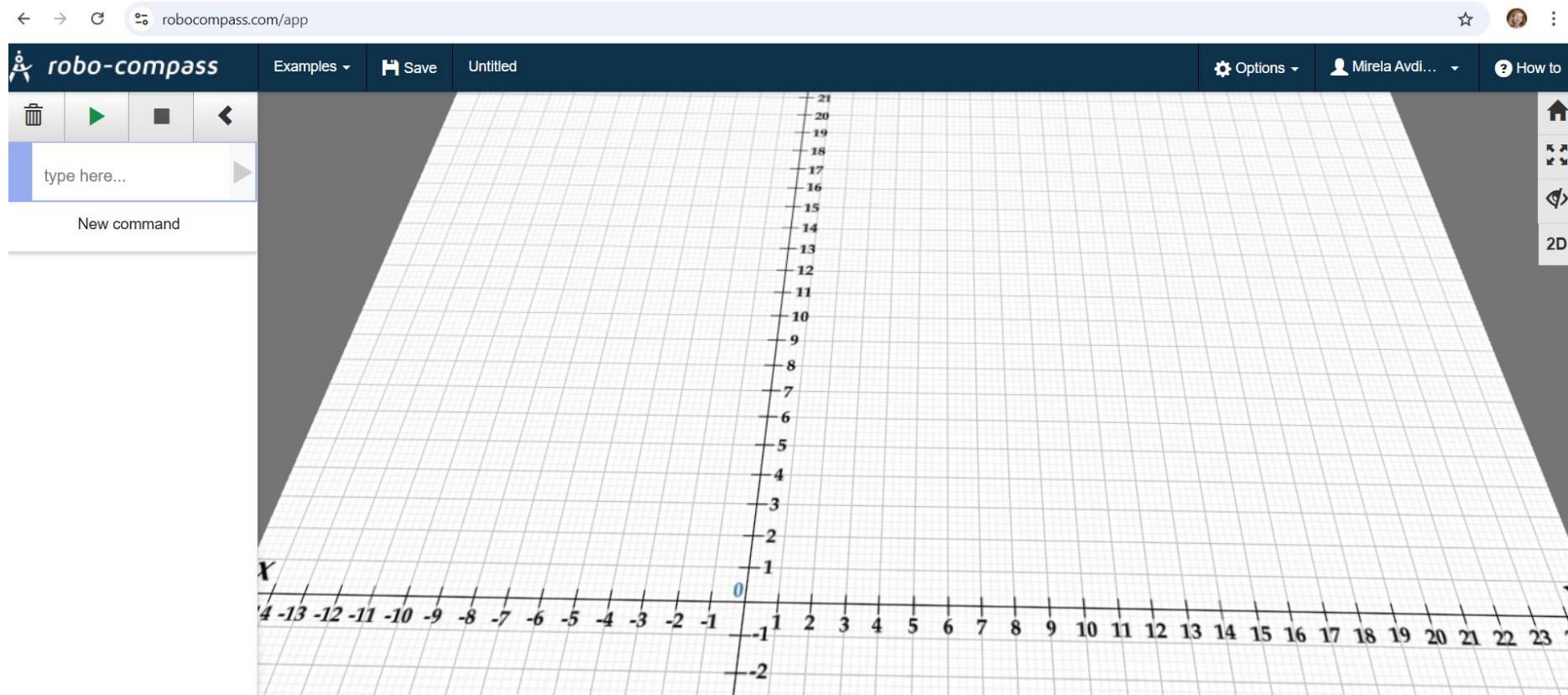
Pristup aplikaciji

- Za pristup Robocompass-a ukucajmo adresu: <https://robocompass.com/>

The screenshot shows the robocompass website. At the top, there's a dark header with the 'robocompass' logo, social media links (Twitter and Blog), and a 'How to' link. Below the header, the main title 'Teach and Learn' is displayed in large white letters. Underneath, there are three bullet points: 'Geometrical Constructions', 'Transformations', and 'Patterns and Tessellations'. A subtext below these points reads: 'Exactly as you do using a physical straightedge, compass and protractor.' At the bottom left, a yellow button says 'OPEN ROBO COMPASS'. On the right side, there's a preview window showing a 3D grid with a compass tool and some geometric constructions. The preview window has a play button in the center.

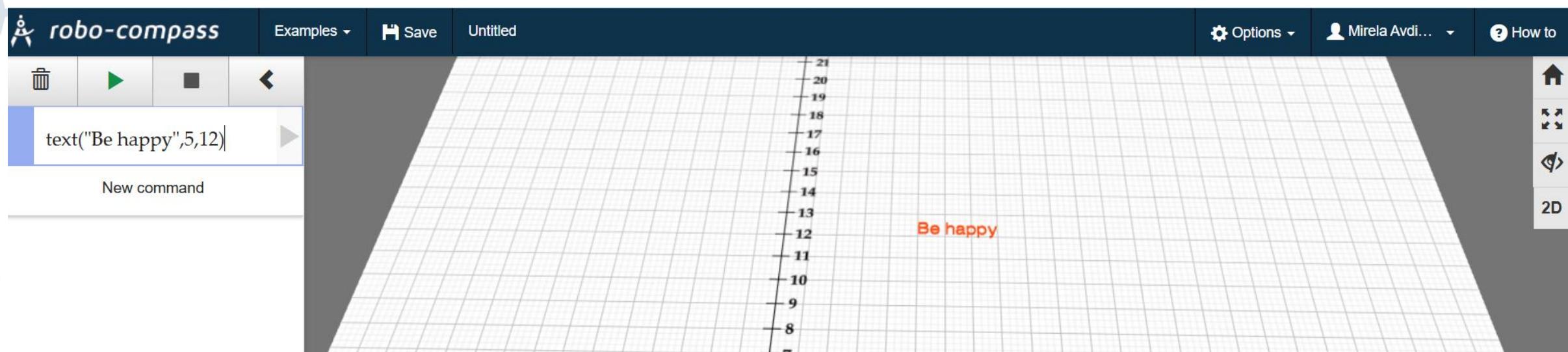


- Nakon što smo kliknuli na dugme Open Robocompass možemo početi sa radom. Dobro je kreirati svoj account da bismo sačuvali sve programe koje možemo poslije koristiti.



Naredbe

- Naredbe su riječi engleskog jezika. Svaka ima svoju sintaksu koja je jednostavna te nije potrebno nikakvo predznanje u programiranju. Naredbe pišemo lijevo a klikom na zelenu strelicu ih pokrećemo.





Naredbe i primjeri:

- `text("text",a,b)`
- `text('text')`
- `point(x, y)`
- `line(x1, y1, x2, y2)`
- `arc(point(x,y), radius, početni ugao, krajnji ugao)`
- `perp(line, passThroughPoint)`
- `angle(point1, point2, ugao)`
- `polygon(tačke razdvojene zarezom)`
- `fill`
- `text("Pozdrav",4,5)`
- `text('Nacrtaj tačku A')`
- `A=point(2, 5)`
- `line(0,0,-4,-6)`
- `arc(point(2, 2), 4, 0, 180)`
- `A=perp(line(1, 2, 3, 4), point(1, 2))`
- `angle(A,B, 45)`
- `M=polygon(A, B, C)`
- `fill(polygon(M))`

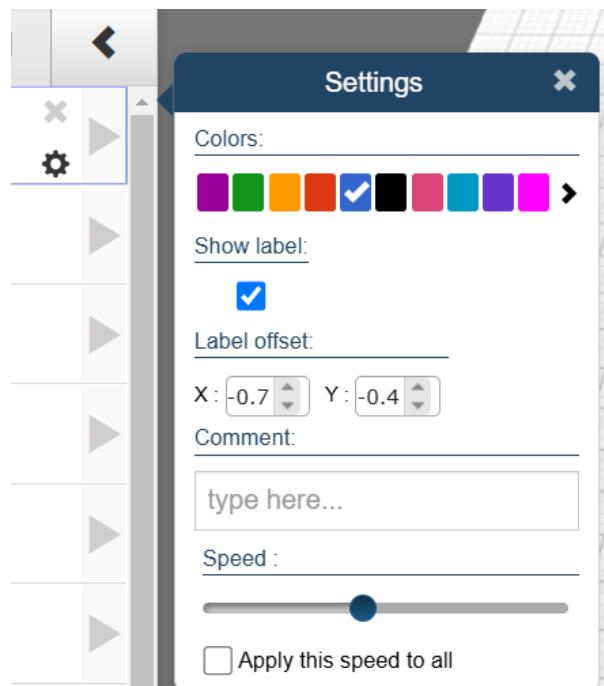


Naredbe i primjeri:

- findangle(a,b)
- fade(a,b,factor izbjeljivanja)
- dist(point1, point2)
- reflect(object, line)
- rotate(object, ugao, centar rotacije)
- translate(objekat, x, y)
- hide(oznake)
- findangle(a,b)
- fade(a,b,0.5)
- dist(A,B)
- reflect(C,a)
- rotate(M,90,S)

Editovanje

- Svaki rezultat naredbe je napisan crvenom olovkom. Ako želimo promijeniti boju ili promijeniti položaj oznake objekta ili povećati/smanjiti brzinu izvršenja naredbi i sl. onda na liniji gdje je napisana naredba izaberemo opciju settings (točak desno od naredbe):

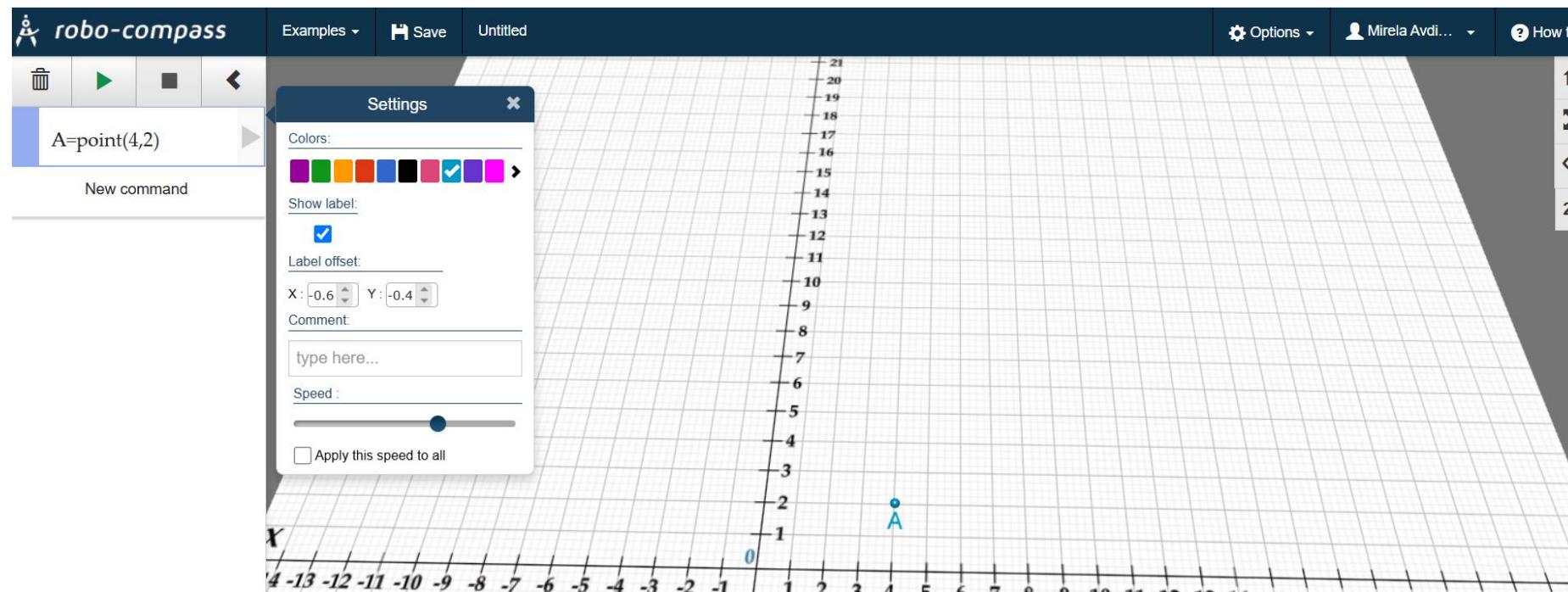


- ← Promjena boje
- ← Prikaz/skrivanje oznake objekta
- ← Položaj oznake objekta
- ← Komentar po potrebi
- ← Brzina izvršenja naredbe

Uradimo skupa

- Kreiraj program koji će nacrtati tačku (4,2), obojiti oznaku (npr.A) plavom bojom, pomaći je tako da se nalazi ispod oznake tačke i povećati brzinu pojavljivanja

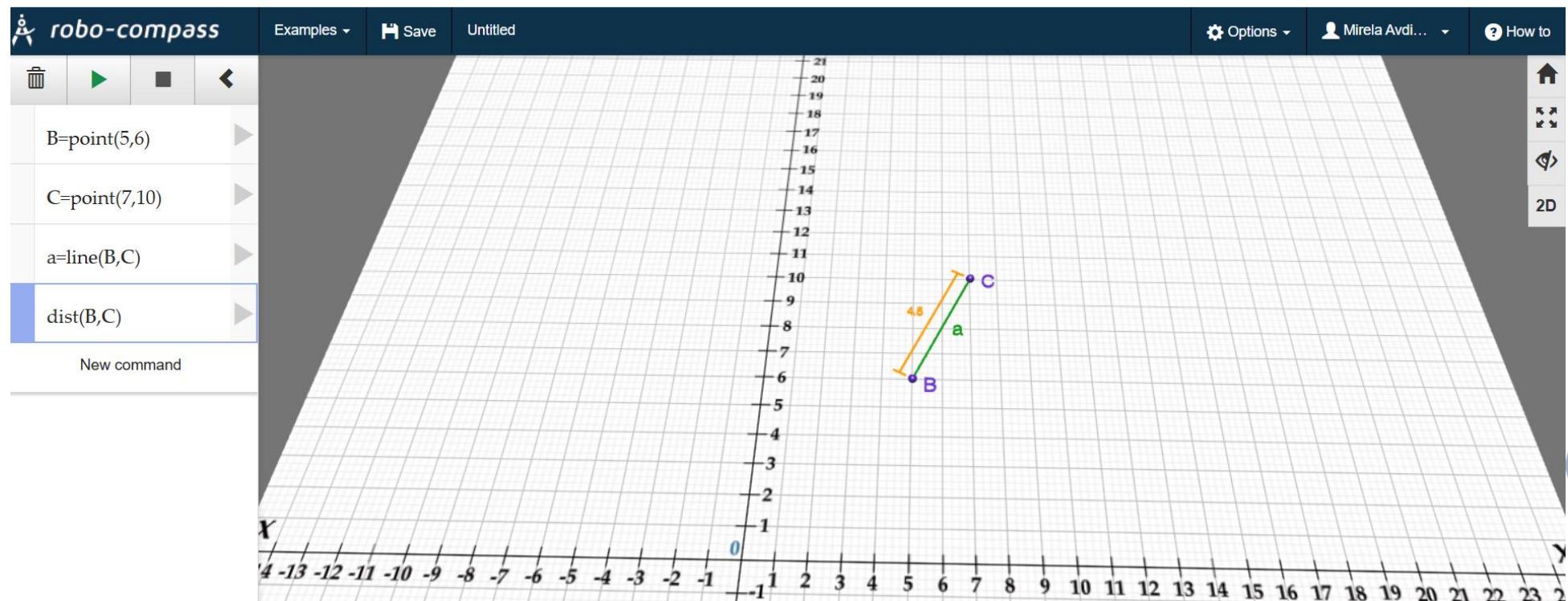
Rješenje: A=point(4,2) ili samo point(4,2)



Uradimo skupa

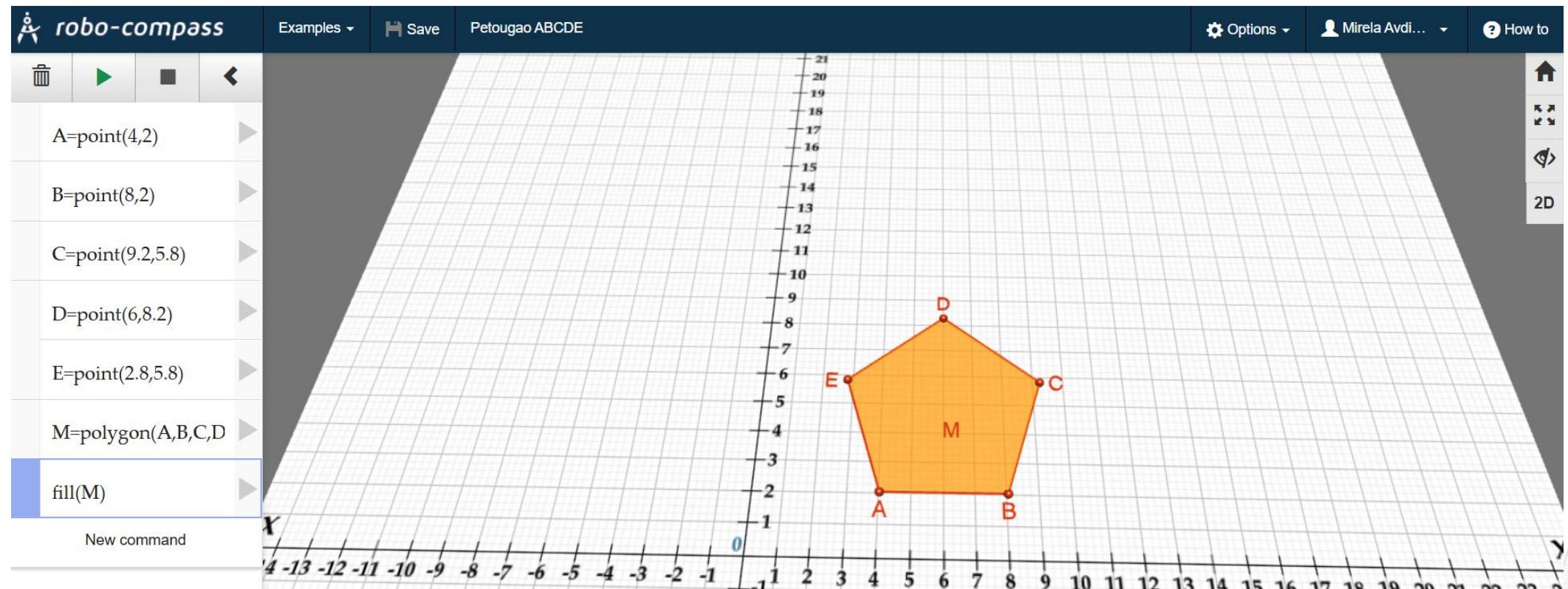
- Kreiraj program koji će nacrtati duži čije su krajnje tačke $B(5,6)$ i $C(7,10)$ te izračunati dužinu duži. (boje mijenjati po želji, položaj oznaka tački pomjeriti da budu vidljive i podesiti brzinu)

Rješenje:



Uradimo skupa

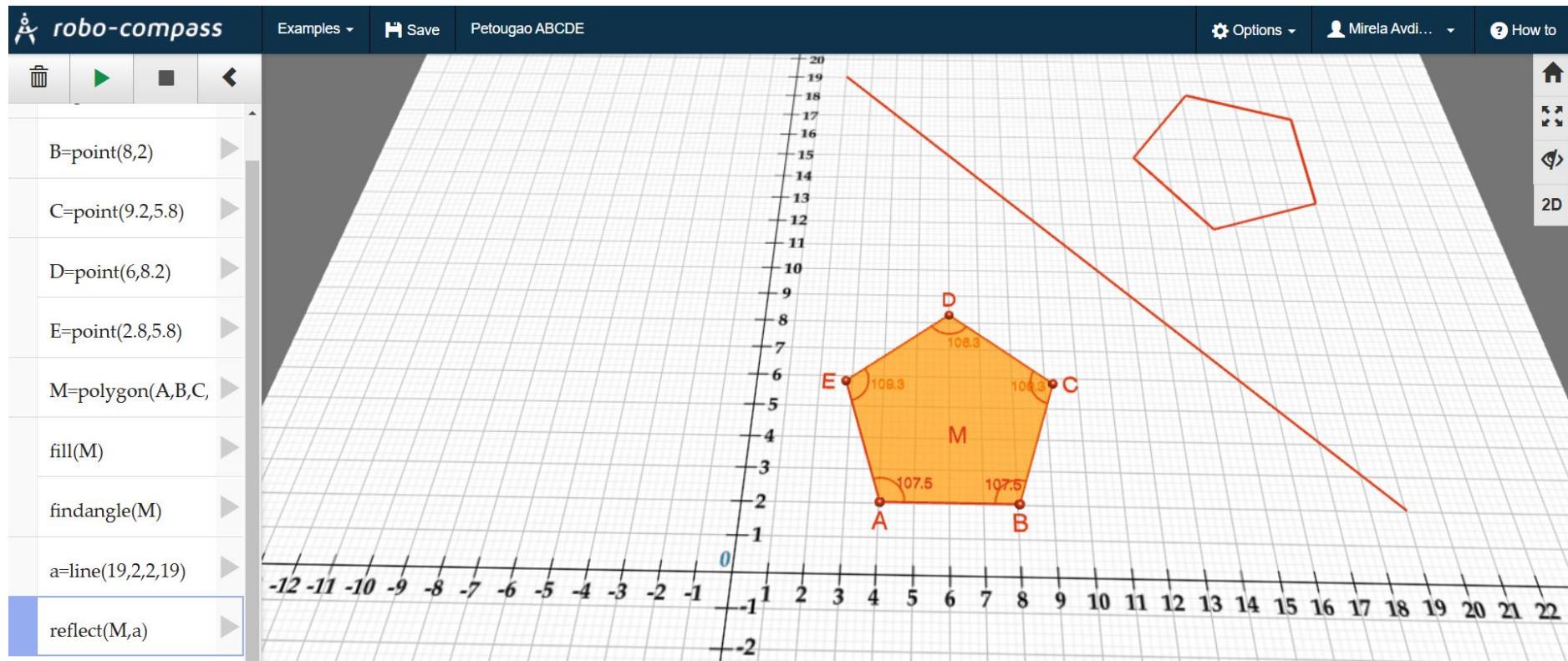
- Kreiraj program koji će nacrtati petougao čiji su vrhovi tačke $(4,2)$, $(8,2)$, $(9.2,5.8)$, $(6,8.2)$, $(2.8,5.8)$ a zatim oboji unutrašnjost bojom po želji.
- Rješenje:



Uradimo skupa

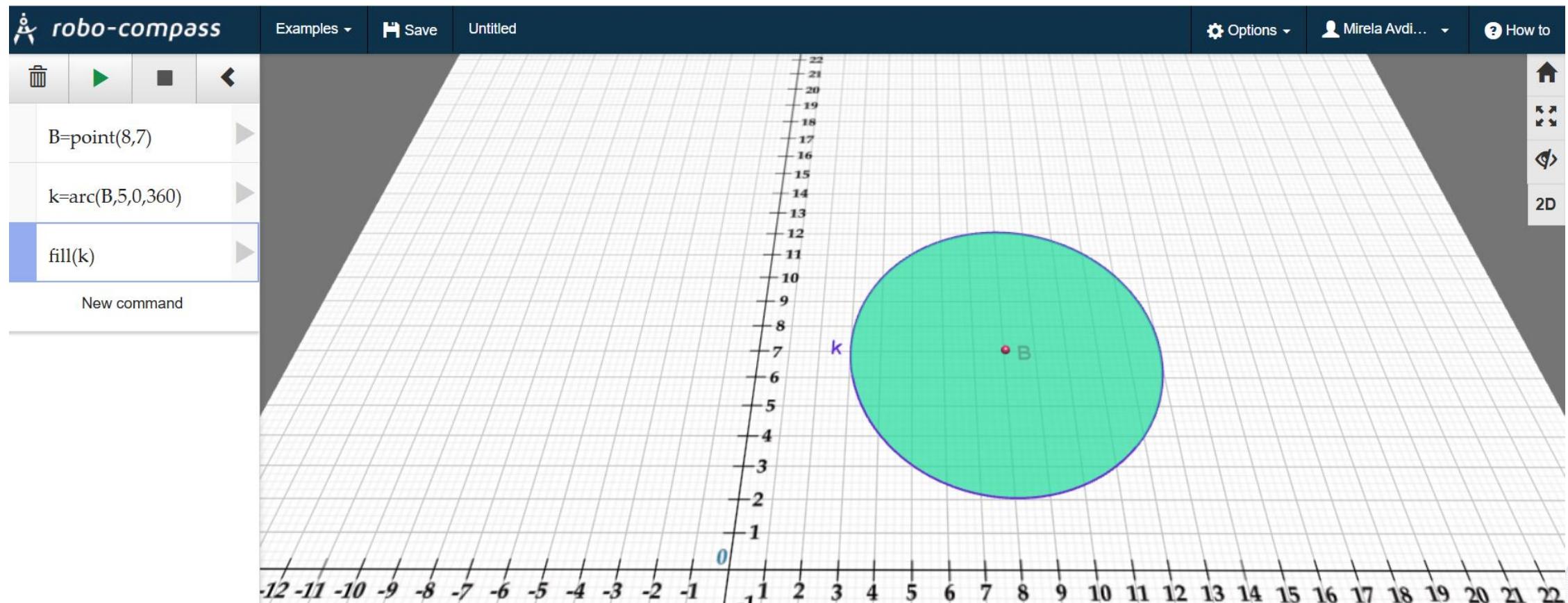
- Napisati naredbu koja će izračunati mjere unutrašnjih uglova petougla iz prethodnog zadatka a zatim preslikati taj petougao, osnom simetrijom u odnosu na pravu koja prolazi kroz tačke (19,2) i (2,19)

Rješenje:



Uradimo skupa

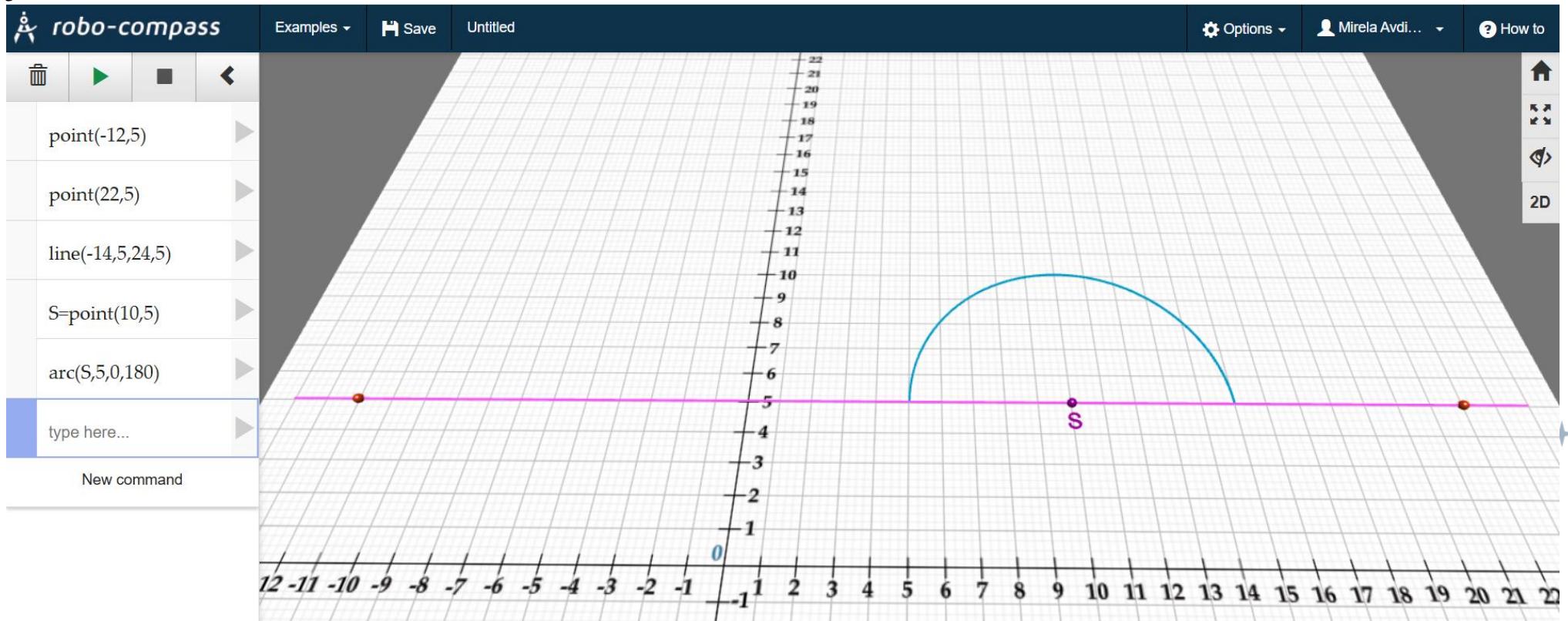
- Nacrtaj tačku $B(8,7)$, zatim opiši kružnicu oko te tačke poluprečnika 5 te oboji krug.
- Rješenje:



Uradimo skupa

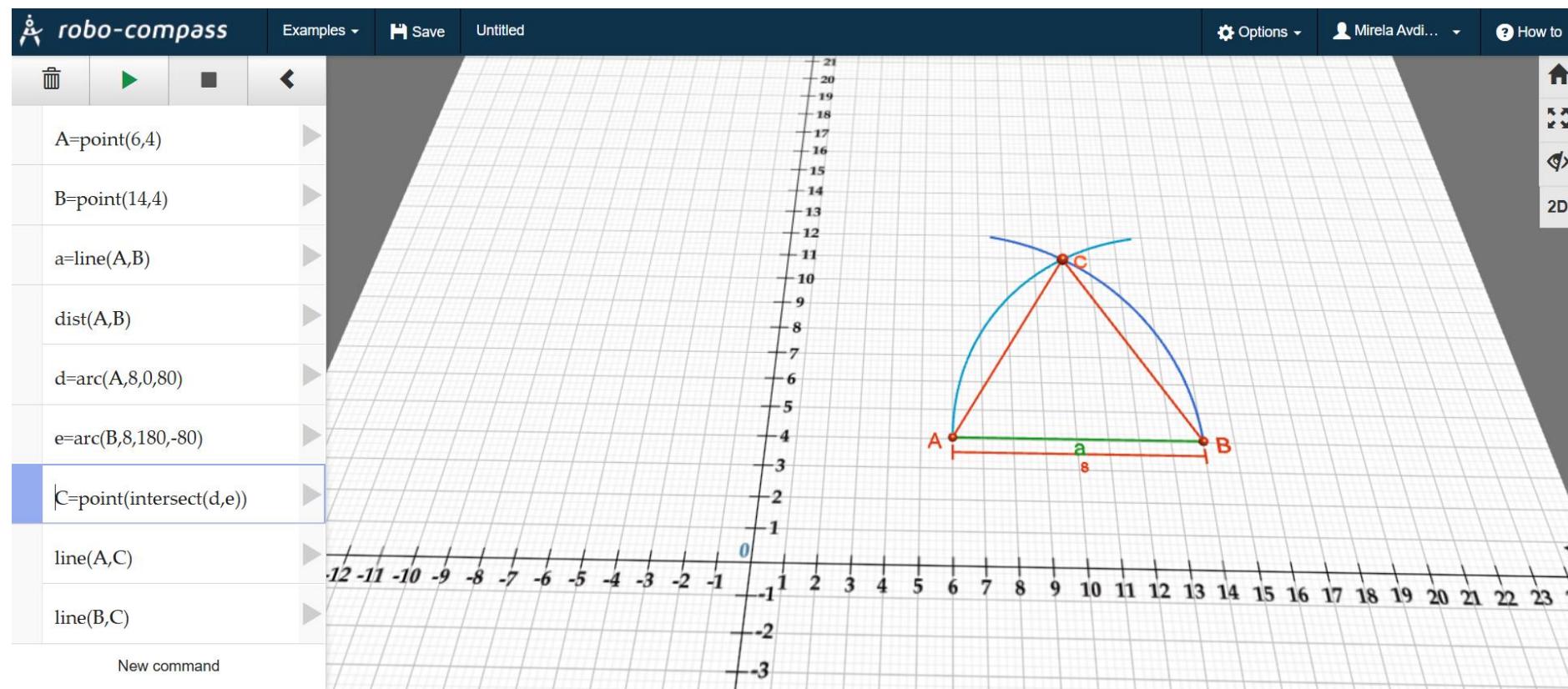
- Nacrtaj pravu koja prolazi kroz tačke $(-12,5)$ i $(22,5)$, označi tačku na toj pravoj - $S(10,5)$, te opiši kružni luk oko te tačke da dobiješ ugao od 180° (poluprečnik 5cm).

Rješenje:



Uradimo skupa

- Nacrtati duž AB, A(6,4), B(14,4) i prikazati dužinu; opisati kružni luk iz tačke A, poluprečnika 8 cm, podesiti da „kreće od 0° u dužinu 80° “, a zatim iz tačke B, istog poluprečnika, „krenuti od 180° u dužinu -80° “. Označiti sa C tačku presjeka dva kružna luka. Spojiti tačke A i B sa C (nacrtati duži AC i BC) i konstruisali smo jednakostranični trougao.





Zadaci za samostalan rad:

- Napisati programe koji će:
 1. Nacrtati nekoliko tački: A(5,2), B(12,5), C(7,7), D(12,10), E(22,10), F(2,15), G(4,12)
 2. Nacrtati duži DE, FG
 3. Nacrtati mnogougao – trougao, čije su krajnje tačke A, B, C i obojiti unutrašnjost
 4. Izračunati mjere uglova u trouglu ABC
 5. Iz tačke D opisati kružni luk poluprečnika 6, tako da „kreće od 270° u dužinu 180° “
 6. Iz tačke E opisati kružni luk poluprečnika 6, tako da „kreće od 270° u dužinu -180° “
 7. Povući pravu (simetralu duži DE) koja prolazi kroz tačke presjeka tih kružnih luka



Padlet sa urađenim programima

- https://padlet.com/mirela_avdibegovic1/robocompass-geogebra-i-autodesk-9qzvp1uri0ws173

Padlet

Mirela Avdibegovic • 1yr • Frozen

Robocompass, GeoGebra i Autodesk

Upotreba Robocompass-a, GeoGebra i Autodesk-a u nastavi matematike

Uređenost skupa Z

Simetrala duži

Simetrala ugla

Ugao od 60°

Ugao od 30°

Ugao od 120°

Ugao od 90° i 45°

Ugao od 75°

Ugao od 150°

Ugao od 135°

robocompass.com

Robocompass | A Robotic Geometry Box on 3D

Upoređivanje po veličini

robocompass.com

Robocompass | A Robotic Geometry Box on 3D

Konstrukcija simetrale duži.

robocompass.com

Robocompass | A Robotic Geometry Box on 3D

Konstrukcija simetrale ugla.

robocompass.com

Robocompass | A Robotic Geometry Box on 3D

Konstrukcija ugla od 60°

robocompass.com

Robocompass | A Robotic Geometry Box on 3D

Konstrukcija ugla od 30°

robocompass.com

Robocompass | A Robotic Geometry Box on 3D

Konstrukcija ugla od 120°

robocompass.com

Robocompass | A Robotic Geometry Box on 3D

Konstrukcija ugla od 90° i 45°

robocompass.com

Robocompass | A Robotic Geometry Box on 3D

share

robocompass.com

Robocompass | A Robotic Geometry Box on 3D

Konstrukcija ugla od 75°

robocompass.com

Robocompass | A Robotic Geometry Box on 3D

Konstrukcija ugla od 150°

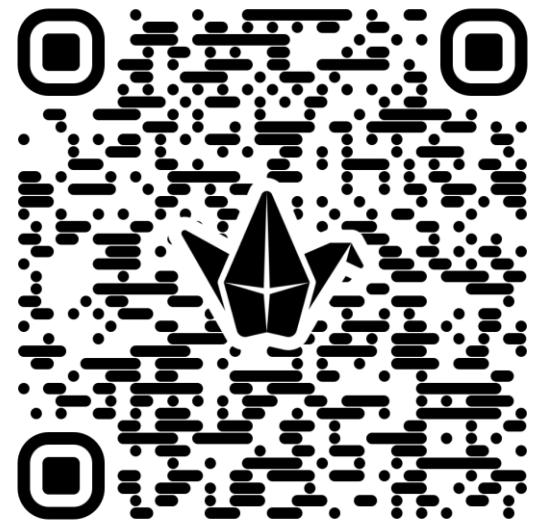
robocompass.com

Robocompass | A Robotic Geometry Box on 3D

Konstrukcija ugla od 135°

robocompass.com

Robocompass | A Robotic Geometry Box on 3D





Program: konstrukcija simetrale duži

robo-compass

Examples ▾ Save Simetrala duži Options ▾ Mirela Avdi... ▾ How to

text("Konstrukcija simetrale duži",3,20)

text('Označimo tačke A i B a zatim nacrtajmo duž AB')

A=point(4,2)

B=point(14,2)

a=line(A,B)

text('Opišimo kružni luk iz tačke A, raspon šestara veći od polovine duži A')

c=arc(A,6,300,120)

text('Opišimo kružni luk iz tačke B istog raspona šestara kao i iz tačke A.')

d=arc(B,6,120,120)

text('Obilježimo tačkama C i D presjeke kružnih luka')

C=point(intersect(c,d))

D=point(intersect(d,c))

text('Povucimo pravu kroz tačke C i D.')

b=line(point(9,-5),point(9,18))

Konstrukcija simetrale duži

Program: konstrukcija ugla od 75°

robo-compass Examples Save Ugao od 75° Options Mirela Avdib... How to

```

text('Konstruišimo ugao od  $75^\circ$ . Pošto se ugao od  $75^\circ$  nalazi između uglova od  $60^\circ$  i  $90^\circ$ , to ćemo prvo konstruisati uglove od  $60^\circ$  i  $90^\circ$  a zatim simetralu tog ugla.')
text('Nacrtajmo prvo polupravu Aa.')
A=point(7,3)
a=line(A,25,3)
arc(A,5,340,160)
arc(point(12,3),5,110,20)
arc(point(9.5,7.3),5,150,40)
arc(point(9.5,7.3),5,100,50)
arc(point(4.5,7.3),5,30,50)
b=line(A,7,15)
arc(point(9.5,7.3),5,70,50)
arc(point(7,8),5,80,-50)
B=point(9.5,12.3)
c=line(A,B)

```



Naučno – popularni projekat pod
pokroviteljstvom FMON
VOLIM MATEMATIKU
DECEMBAR 2024. - MAJ 2025.

